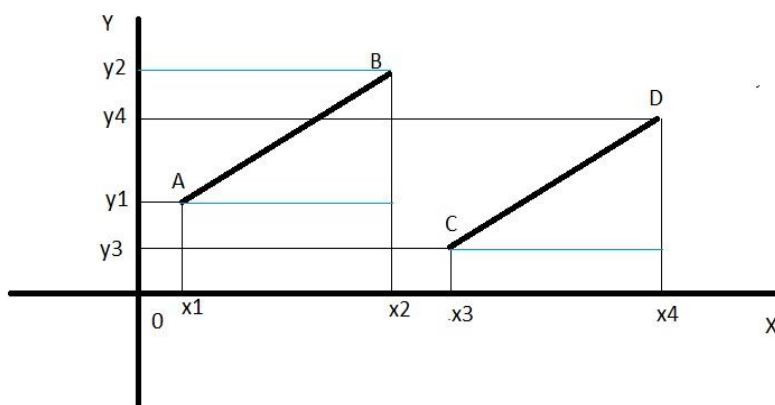


Алгоритм решения задачи фактически изложен в условии задачи, но не совсем понятно, что значит прямые параллельны и взаимно перпендикулярны. Мало кто из учеников знает условия коллинеарности и ортогональности векторов и кажется задача для них неразрешима. Однако посмотрим на это с точки зрения ученика знакомого с подобием треугольников

Пусть координаты точек $A \{x_1, y_1\}$, $B \{x_2, y_2\}$, $C \{x_3, y_3\}$, $D \{x_4, y_4\}$.
 Две прямые параллельны, если у них одинаковые углы с осью Ox или, что почти то же самое, одинаковые тангенсы этих углов, или же, что то же самое, треугольники образованные отрезками прямых и их проекциями на оси координат подобны. Последнее понятно даже семикласснику, только начавшему изучать планиметрию.

Условие параллельности



Условие параллельности

$$k_1 = (y_2 - y_1) / (x_2 - x_1) ;$$

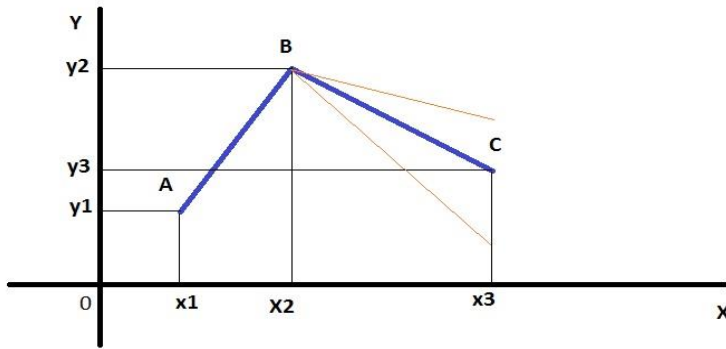
$$k_2 = (y_4 - y_3) / (x_4 - x_3) ;$$

$$k_1 = k_2 ;$$

$$(y_2 - y_1) / (x_2 - x_1) = (y_4 - y_3) / (x_4 - x_3)$$

Чтобы избежать деления, лучше последнее равенство привести к общему знаменателю:

$$(Y_2 - Y_1) * (X_3 - X_2) - (Y_3 - Y_2) * (X_2 - X_1) = 0.$$



Если два отрезка выходят из одной точки $B(x_2; y_2)$, то,

$$k_1 = (Y_2 - y_1) / (x_2 - x_1);$$

$$k_2 = (y_3 - y_2) / (x_3 - x_2).$$

Если $k_1 > k_2$, то

$$(Y_2 - y_1) / (x_3 - x_2) > (y_3 - y_2) / (x_2 - x_1) \text{ или}$$

$$(Y_2 - Y_1) * (X_3 - X_1) - (Y_3 - Y_2) * (X_2 - X_1) > 0.$$

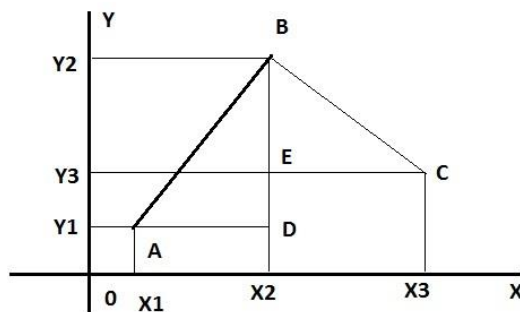
Т.е. первая прямая лежит левее (выше) второй.

Для выпуклости многоугольника необходимо, чтобы все k были одного знака при обходе вершин многоугольника подряд в одну сторону.

Выпуклость можно проверить и другими способами.

Например, проверить лежат ли все точки многоугольника по одну сторону от прямых, проходящих через стороны многоугольника. Но это существенно сложнее.

Условие перпендикулярности (ортогональности)



Пусть даны два взаимно-перпендикулярных отрезка прямых AB и BC . из подобия треугольников ABD и BCE получаем, что $BD/AD = CE/BE$ или $(y_2 - y_1) / (x_2 - x_1) = (x_3 - x_2) / (y_2 - y_3)$.

Это соотношение не совсем очевидное и можно запутаться в выборе начальных и конечных точек

(С точки зрения аналитической геометрии вывод проще, но его все его знают:

$$y=k_1*x+b_1; \text{ и } y=k_2*x+b_2.$$

Тогда $k_2 = -1/k_1$ или

$$(y_2-y_1)/(x_2-x_1)=-(x_3-x_2)/(y_3-y_2);$$

$$(y_2-y_1)*(y_3-y_1)+(x_2-x_1)*(x_3-x_2)=0;$$

Анализируя теорему Пифагора получаем. Если выражение $L=\text{Sqrt}((x_2-x_1)^2+(x_3-x_2)^2)$ меньше нуля, то угол между прямыми АВ и ВС острый, больше – тупой.

Если стороны взаимнопересекаются, то тогда для одной из двух смежных сторон, две другие вершины должны быть по разные стороны, т.е.

$$(((y_2-y_1)*(y_3-y_1)-(x_2-x_1)*(x_3-x_1))*((y_2-y_1)*(y_4-y_1)-(x_2-x_1)*(x_4-x_1))<0) \text{ and}$$

$$(((y_4-y_3)*(y_1-y_3)-(x_4-x_3)*(x_1-x_3))*((y_4-y_3)*(y_2-y_3)-(x_4-x_3)*(x_2-x_3))<0)$$

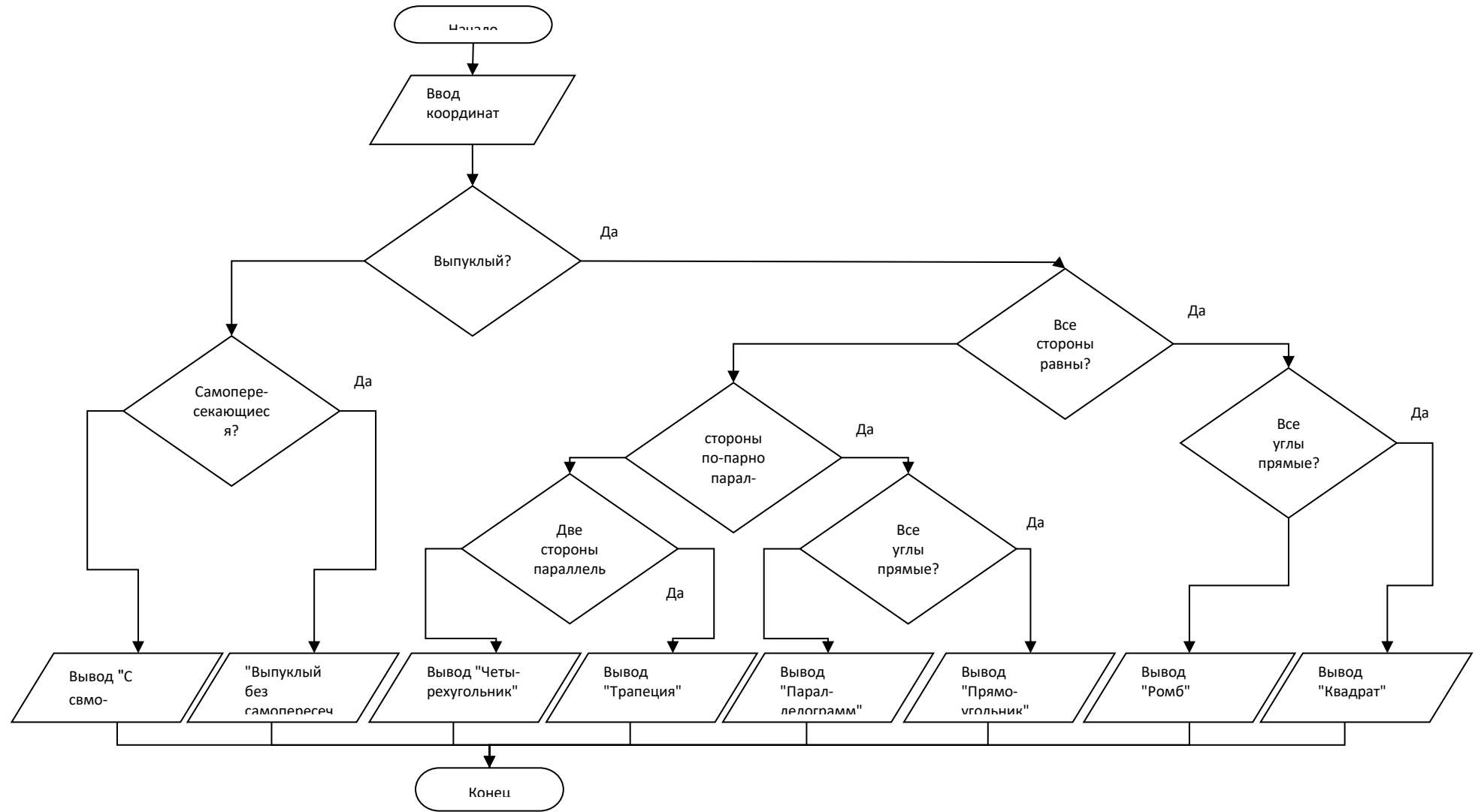
Изложенного вполне достаточно чтобы решить задачу.

Один из вариантов алгоритма решения этой задачи представлен на блок-схеме и приведен текст программы на языке Pascal. Программы представлены на языке Pascal, в расчете на то, что большинство школ выбрало этот язык в качестве базового для обучения.

На основании изложенного можно сделать следующие выводы.

- Не всякий первый найденные алгоритм решения может удовлетворять заданным ограничениям.
- Чем проще алгоритм, тем, в общем случае, дольше решение.
- Нужно помнить, что, как правило, лучший алгоритм - это компромисс между сложностью, объемом требуемой памяти и быстродействием.

Блок-схема




```

uses CRT;
var
  X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4      :Real;
Function ravni(X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4:real):Boolean;
begin {длины равны}
  ravni :=False;
  If (y2-y1)*(y2-y1)+(x2-x1)*(x2-x1)=(y4-y3)*(y4-y3)+(x4-x3)*(x4-
x3)
  then ravni :=True;
end;
function Parall (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4:real):Boolean;
begin { стороны параллельны}
  Parall :=False;
  If (y2-y1)*(x4-x3)=(y4-y3)*(x2-x1)
  then Parall :=True;
end;
function Gr90 (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4:real):Boolean; {Все
углы прямые}
begin
  Gr90:=True;
  If (y2-y1)*(y3-y2)<>(x2-x1)*(x3-x2) then Gr90:=False;
  If (y3-y2)*(y4-y3)<>(x3-x2)*(x4-x3) then Gr90:=False;
  If (y4-y3)*(y1-y4)<>(x4-x3)*(x1-x4) then Gr90:=False;
{  If (y2-y1)*(y1-y4)<>(x2-x1)*(x1-x4) then Gr90:=False;}
end;
function Vipuk (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4:real):Boolean;
{Выпуклый}
const np:integer=0;
      no:integer=0;
begin
  Vipuk:=False;
  If (y2-y1)*(x3-x2)>(y3-y2)*(x2-x1) then inc(no) else inc(np);
  If (y3-y2)*(x4-x3)>(y4-y3)*(x3-x2) then inc(no) else inc(np);
  If (y4-y3)*(x1-x4)>(y1-y4)*(x4-x3) then inc(no) else inc(np);
  If (y1-y4)*(x2-x1)>(y2-y1)*(x1-x4) then inc(no) else inc(np);
  if (np=4) or (no=4) then Vipuk:=True
end;
function Peres (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4:real):Boolean;
{Пересечение}
begin
  peres:=False;
  If (((y2-y1)*(y3-y1)-(x2-x1)*(x3-x1))*((y2-y1)*(y4-y1)-(x2-
x1)*(x4-x1))<0) and
      (((y4-y3)*(y1-y3)-(x4-x3)*(x1-x3))*((y4-y3)*(y2-y3)-(x4-
x3)*(x2-x3))<0)

```

```

    then peres:= true;
  end;
  (***)
begin
  clrscr;
  { readln(X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4);}
  x1:=0;
  y1:=0;
  x2:=3;
  y2:=3;
  x3:=9;
  y3:=3;
  x4:=18;
  y4:=0;
  if Vipuk (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4)
  then
    begin
      if (ravni(X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4)) and
        (ravni(X1,Y1,X4,Y4,X2,Y2,X3,Y3)) and
        (ravni(X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X2,Y2)) {and
        (ravni(X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4))}
      then
        if Gr90 (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4)
          then writeln('square')
          else writeln('rhombus')
        else
          if Parall (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4) and
            Parall (X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4,X1,Y1)
          then
            if Gr90 (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4)
              then writeln('rectangle')
              else writeln('parallelogram')
            else
              if
                Parall (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4) or
                Parall (X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4,X1,Y1)
              then writeln('trapezoid')
              else writeln('convex polygon')
            end
          else
            if Peres (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3,X4,Y4)
            then
              writeln('selfintersectingpolyline')
            else
              writeln('non-convex polygon');

```

```
readkey;  
end.
```